

3.2.1.3. Психометричні характеристики завдань сертифікаційної роботи

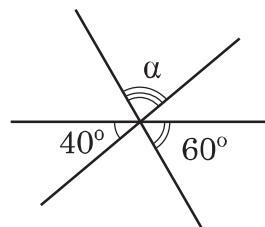
1. $\frac{2a + 2}{2} =$

A	B	V	Г	Д
$a + 2$	$2a + 1$	$a + 1$	$2a$	a

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	A	Б	V	Г	Д				
V	10,8	5,4	52,9	28,6	1,9	0,3	52,9	91,0	0,7

2. Три прямі, розміщені в одній площині, перетинаються в одній точці (див. рисунок). Визначте градусну міру кута α .

A	B	V	Г	Д
80°	50°	90°	100°	70°



Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	A	Б	V	Г	Д				
A	86,4	2,8	4,2	3,8	2,6	0,2	86,4	38,7	0,4

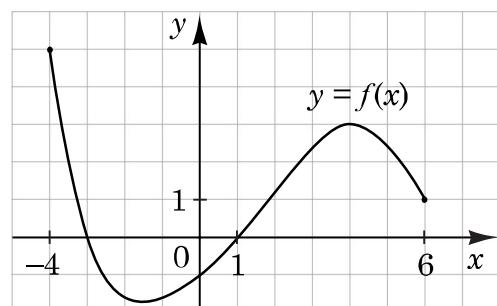
3. У буфеті друзі купили кілька однакових тістечок вартістю 10 грн кожне і 5 однакових булочок вартістю x грн кожна. Яке з чисел може виражати загальну вартість цієї покупки (у грн), якщо x – ціле число?

A	B	V	Г	Д
31	32	33	34	35

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	A	Б	V	Г	Д				
Д	1,9	8,4	6,0	4,9	78,3	0,6	78,3	42,5	0,4

4. На рисунку зображеніо графік функції $y = f(x)$, визначені на проміжку $[-4; 6]$. Укажіть найбільше значення функції f на цьому проміжку.

A	Б	В	Г	Д
-4	3	4	5	6



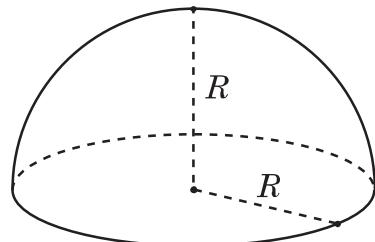
Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	19,5	15,1	19,6	31,1	14,4	0,4	31,1	46,1	0,4

5. Яке з наведених чисел є коренем рівняння $\log_4(x - 1) = 3$?

A	Б	В	Г	Д
4	13	63	65	82

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	17,7	15,5	10,7	47,9	7,8	0,4	47,9	86,3	0,7

6. Укажіть формулу для обчислення об'єму V півкулі радіуса R (див. рисунок).



A	Б	В	Г	Д
$V = 4\pi R^2$	$V = \frac{2}{3}\pi R^3$	$V = \pi R^3$	$V = 2\pi R^2$	$V = \frac{4}{3}\pi R^3$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Б	6,7	54,6	7,5	23,2	7,7	0,3	54,6	81,0	0,6

7. Розв'яжіть рівняння $4\sqrt{x} = 1$.

A	Б	В	Г	Д
$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{8}$	16	$-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}$	$\frac{1}{16}$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Д	16,6	10,1	9,5	8,2	55,3	0,4	55,3	75,1	0,6

8. Знайдіть область визначення функції $y = \frac{x+1}{x-2}$.

- А $(-\infty; 2) \cup (2; +\infty)$
- Б $(-\infty; -1) \cup (2; +\infty)$
- В $(-\infty; -2) \cup (-2; +\infty)$
- Г $(-\infty; -1) \cup (-1; 2) \cup (2; +\infty)$
- Д $(-\infty; +\infty)$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
А	38,9	31,2	10,0	14,2	5,2	0,5	38,9	73,5	0,6

9. У просторі задано паралельні прямі m і n . Які з наведених тверджень є правильними?

- I. Існує площа, що містить обидві прямі m і n .
- II. Існує пряма, що перетинає обидві прямі m і n .
- III. Існує точка, що належить обом прямим m і n .

	А	Б	В	Г	Д
	лише I	лише II	лише II та III	лише III	лише I та II

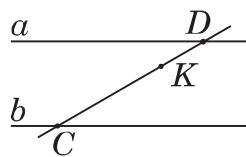
Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Д	11,7	9,5	5,7	2,9	69,9	0,3	69,9	63,6	0,5

10. Спростіть вираз $a(a + 2b) - (a + b)^2$.

	А	Б	В	Г	Д
	$4ab + b^2$	$4ab - b^2$	$-b^2$	$2ab - b^2$	b^2

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
В	15,5	10,0	46,3	18,2	9,8	0,3	46,3	85,0	0,7

11. На рисунку зображені паралельні прямі a і b та січну CD . Знайдіть відстань між прямими a і b , якщо $CK = 5 \text{ см}$, $KD = 2 \text{ см}$, а відстань від точки K до прямої a дорівнює 1 см.



A	Б	В	Г	Д
2,5 см	3 см	3,5 см	4 см	4,5 см

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
В	16,5	13,3	53,3	12,4	4,0	0,5	53,3	43,2	0,3

12. Учень з понеділка до п'ятниці записував час (у хвилинах), який він витрачав на дорогу до школи та зі школи (див. таблицю).

Дорога \ Дні	понеділок	вівторок	середа	четвер	п'ятниця
до школи	19	20	21	17	23
зі школи	28	22	20	25	30

На скільки хвилин у середньому дорога зі школи триваліша за дорогу до школи?

A	Б	В	Г	Д
2	3	4	5	6

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	3,1	5,7	6,0	78,8	6,1	0,3	78,8	43,6	0,3

13. $1 - \sin\alpha \operatorname{ctg}\alpha \cos\alpha =$

A	Б	В	Г	Д
$\cos 2\alpha$	$1 - \sin 2\alpha$	0	$\cos^2\alpha$	$\sin^2\alpha$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Д	9,8	22,0	18,6	12,4	36,5	0,7	36,5	78,1	0,6

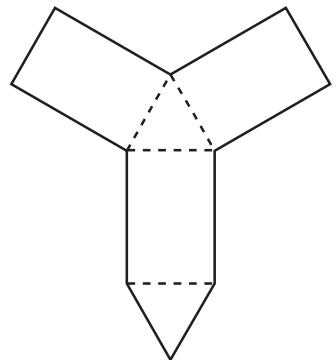
14. Розв'яжіть систему рівнянь $\begin{cases} xy = -12, \\ x(2y - 1) = -18. \end{cases}$ Якщо $(x_0; y_0)$ – розв'язок системи, то $x_0 =$

A	Б	В	Г	Д
-6	-16	-9	2	6

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
A	62,2	6,0	10,0	6,3	14,7	0,7	62,2	65,6	0,5

15. На рисунку зображено розгортку правильної трикутної призми. Визначте площину бічної поверхні цієї призми, якщо периметр розгортки (суцільна лінія) дорівнює 52 см , а периметр основи становить 12 см .

A	Б	В	Г	Д
36 см^2	48 см^2	60 см^2	72 см^2	96 см^2



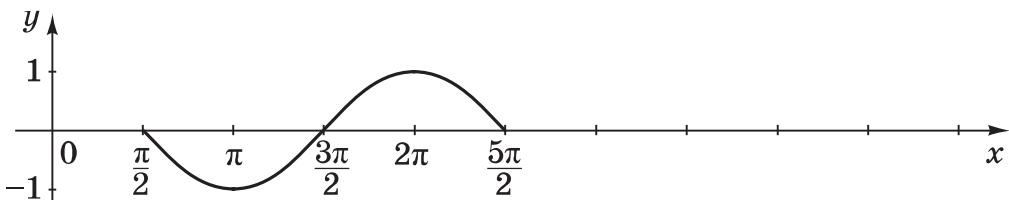
Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	15,9	24,6	10,3	40,3	7,8	1,1	40,3	62,5	0,5

16. Обчисліть значення виразу $\log_3 45 + \log_3 900 - \log_3 500$.

A	Б	В	Г	Д
$\frac{1}{4}$	4	3	27	$\log_3 445$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Б	3,0	39,7	7,6	8,1	41,0	0,5	39,7	82,2	0,7

17. На рисунку зображене фрагмент графіка періодичної функції з періодом $T = 2\pi$, яка визначена на множині дійсних чисел. Укажіть серед наведених точок, що належить цьому графіку.



A	Б	В	Г	Д
(1; 2π)	(3π; 0)	(-1; 5π)	(5π; 0)	(5π; -1)

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Д	32,4	13,3	9,0	9,0	35,8	0,4	35,8	75,1	0,6

18. Розв'яжіть нерівність $2^x + 2^{x+3} \geq 144$.

A	Б	В	Г	Д
[34,5; +∞)	[4; +∞)	(-∞; 4]	(-∞; 4,5]	[4,5; +∞)

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Б	9,0	56,8	11,6	6,8	14,9	0,9	56,8	53,2	0,4

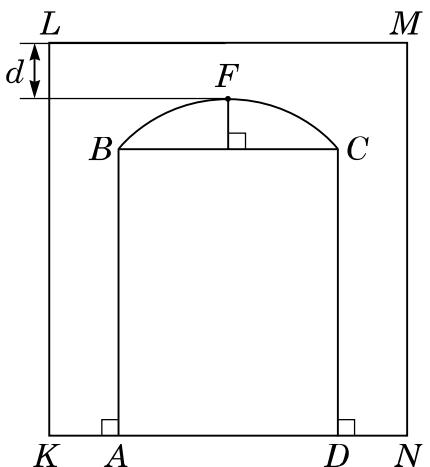
19. Укажіть похідну функції $f(x) = x(x^3 + 1)$.

A	Б	В	Г	Д
$f'(x) = 4x^3 + 1$	$f'(x) = 4x^3$	$f'(x) = 3x^2$	$f'(x) = 3x^2 + 1$	$f'(x) = \frac{x^5}{5} + \frac{x^2}{2}$

Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
А	47,0	12,4	20,6	15,2	4,3	0,5	47,0	70,5	0,6

- 20.** На рисунку зображене фрагмент поперечного перерізу стіни (прямокутник $KLMN$) з арковим прорізом $ABFCD$, верхня частина BFC якого є дугою кола радіуса 1 м. Відрізки AB і DC перпендикулярні до AD , $AB = DC = 2$ м. $AD = 1,6$ м, $KL = 2,75$ м. Визначте відстань d від найвищої точки F прорізу до стелі LM .

А	Б	В	Г	Д
0,25 м	0,3 м	0,4 м	0,35 м	0,45 м



Ключ	Відповіді учасників (%)					Не виконали завдання (%)	Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	А	Б	В	Г	Д				
Г	25,6	8,3	16,5	38,4	9,7	1,5	38,4	32,8	0,3

- 21.** До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження.

Початок речення

- 1 Пряма $y = 4,5x$
- 2 Пряма $y = -4$
- 3 Пряма $y = 2x + 4$
- 4 Пряма $y = x$

Закінчення речення

- | | |
|---|---|
| А | є паралельною прямій $y = 2x$. |
| Б | не має спільних точок з графіком функції $y = x^2 - 1$. |
| В | перетинає графік функції $y = 3^x$ у точці з абсцисою $x_0 = 2$. |
| Г | є паралельною осі y . |
| Д | є бісектрисою I і III координатних чвертей. |

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
ВБАД	19,6	25,3	17,3	12,4	25,4	49,7	69,1	0,7

22. До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження, якщо $a = -3$.

	<i>Початок речення</i>	<i>Закінчення речення</i>
1	Значення виразу a^0	А більше за 1.
2	Значення виразу a^2	Б дорівнює 1.
3	Значення виразу $\frac{ a }{a}$	В дорівнює 0.
4	Значення виразу $\sqrt[3]{a}$	Г дорівнює -1. Д менше за -1.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
БАГД	10,2	16,2	18,3	15,0	40,2	64,7	69,3	0,7

23. Циліндр і конус мають рівні об'єми та рівні радіуси основ. Площа основи циліндра дорівнює $25\pi \text{ см}^2$, а його об'єм – $100\pi \text{ см}^3$. До кожного початку речення (1–4) доберіть його закінчення (А–Д) так, щоб утворилося правильне твердження.

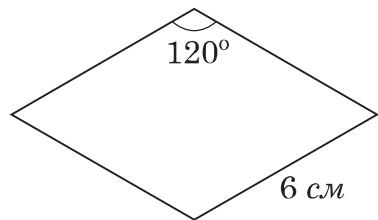
	<i>Початок речення</i>	<i>Закінчення речення</i>
1	Висота циліндра дорівнює	А 4 см.
2	Висота конуса дорівнює	Б 5 см.
3	Радіус основи циліндра дорівнює	В 8 см.
4	Твірна конуса дорівнює	Г 12 см. Д 13 см.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
АГБД	20,1	21,6	14,5	7,4	36,3	54,5	79,6	0,8

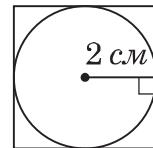
24. Установіть відповідність між геометричною фігурою (1–4) та її площею (А–Д).

Геометрична фігура

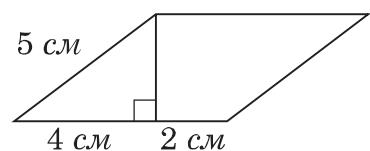
- 1 ромб зі стороною 6 см і тупим кутом 120°



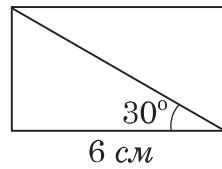
- 2 квадрат, у який уписане коло радіуса 2 см



- 3 паралелограм, одна сторона якого дорівнює 5 см, а висота, проведена з вершини тупого кута, ділить іншу сторону на відрізки завдовжки 4 см і 2 см



- 4 прямокутник, більша сторона якого дорівнює 6 см й утворює з діагоналлю кут 30°



Площа геометричної фігури

- A 12 см^2
- B 16 см^2
- C 18 см^2
- D $12\sqrt{3} \text{ см}^2$
- D $18\sqrt{3} \text{ см}^2$

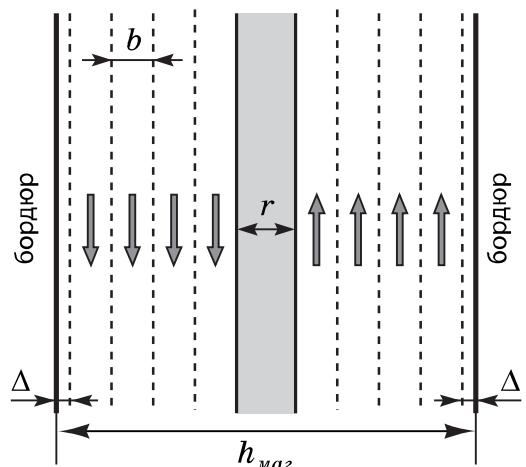
Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1	2	3	4			
ДБВГ	13,9	23,7	21,0	9,1	32,2	55,5	73,6	0,7

25. Для визначення ширини автомагістралі h_{mag} (у м), що має по 4 однакові смуги руху транспорту в обох напрямках (див. рисунок), використовують формулу $h_{mag} = 8b + r + 2\Delta$, де

b – ширина однієї смуги руху транспорту;

r – ширина розділюальної смуги між напрямками руху транспорту;

Δ – ширина запобіжної смуги між крайньою смugoю руху й бордюром.



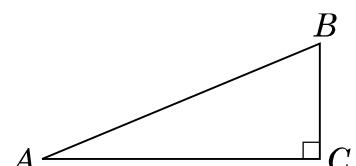
1. Визначте ширину b (у м) однієї смуги, якщо $h_{mag} = 40,2$ м, $r = 10$ м, $\Delta = 1,5$ м.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
3.4	47,9	52,1	52,1	83,7	0,6

2. Заплановано збільшити ширину b кожної смуги руху транспорту на 10% за рахунок лише зменшення ширини r розділюальної смуги. На скільки метрів потрібно зменшити ширину r розділюальної смуги?

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
2.72	71,8	28,2	28,2	62,6	0,5

26. У прямокутному трикутнику ABC ($\angle C = 90^\circ$) відстані від середини медіані BM до катетів AC і BC дорівнюють 5 см і 6 см відповідно.



1. Визначте довжину катета AC (у см).

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
24	77,1	22,9	22,9	66,1	0,7

2. Визначте радіус (у см) кола, описаного навколо трикутника ABC .

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	1			
13	85,1	14,9	14,9	49,3	0,6

27. Знаменник геометричної прогресії дорівнює $\frac{2}{3}$, а сума чотирьох перших її членів дорівнює 65. Знайдіть перший член цієї прогресії.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
27	82,3	17,7	17,7	58,9	0,7

28. У майстерні мали виготовити 240 стільців за n днів, причому щодня планували виробляти однакову кількість стільців. Однак, на прохання замовника, завдання виконали на 2 дні раніше запланованого терміну. Для цього довелося денну норму виготовлення збільшити на 4 стільці. Визначте n .

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
12	76,2	23,8	23,8	56,6	0,5

29. В Оленки є 8 різних фотографій з її зображенням та 6 різних фотографій її класу. Скільки всього в неї є способів вибрати з них 3 фотографії зі своїм зображенням для персональної сторінки в соціальній мережі та 2 фотографії свого класу для сайту школи?

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
840	87,8	12,2	12,2	39,7	0,5

30. У прямокутній системі координат на площині задано колінеарні вектори \vec{AB} та $\vec{a}(3; -5)$. Визначте *абсцису* точки B , якщо $A(-4; 1)$, а точка B лежить на прямій $y = 3$.

Ключ	Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів		Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
	0	2			
-5,2	89,0	11,0	11,0	39,3	0,6

31. Задано функції $f(x) = x^3$ і $g(x) = 4|x|$.

1. Побудуйте графік функції f .
2. Побудуйте графік функції g .
3. Визначте абсциси точок перетину графіків функцій f і g .
4. Обчисліть площину фігури, обмеженої графіками функцій f і g .

Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
0	1	2	3	4			
62,5	10,4	6,2	11,5	9,4	23,7	69,6	0,8

32. У правильній чотирикутній піраміді $SABCD$ сторона основи $ABCD$ дорівнює c , а бічне ребро SA утворює з площиною основи кут α . Через основу висоти піраміди паралельно грані ASD проведено площину β .

1. Побудуйте переріз піраміди $SABCD$ площиною β .
2. Обґрунтуйте вид перерізу.
3. Визначте периметр перерізу.

Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів					Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
0	1	2	3	4			
83,2	10,5	1,6	2,9	1,8	7,4	25,1	0,6

33. Розв'яжіть нерівність $\frac{\log_a x}{x^2 + (a-4)x + 4 - 2a} \leq 0$ залежно від значень параметра a .

Розподіл учасників (%) за кількістю набраних балів							Складність (P-value)	Дискримінація (D-index)	Кореляція (Rit)
0	1	2	3	4	5	6			
87,8	7,9	3,1	0,7	0,2	0,1	0,2	3,1	11,1	0,5